

EJERCICIO A

PROBLEMA 2. Las necesidades vitamínicas de una persona son de un mínimo de 36 mgr. de vitamina A, 28 mgr. de vitamina C Y 34 mgr. de vitamina D. Estas necesidades se cubren tomando pastillas de la marca *Energic* y de la marca *Vigor*. Cada pastilla de la marca *Energic* cuesta 0,03 € y proporciona 2 mgr. de vitamina A, 2 mgr. de vitamina C y 8 mgr. de vitamina D. Cada pastilla de la marca *Vigor* cuesta 0,04 € y proporciona 3 mgr. de vitamina A, 2 mgr. de vitamina C y 2 mgr. de vitamina D. ¿Cuántas pastillas de cada marca se han de tomar diariamente si se desean cubrir las necesidades vitamínicas básicas con el menor coste posible? Determinar dicho coste.

Solución:

Expresamos los datos del problema en una tabla,

	Vitamina A	Vitamina C	Vitamina D	precio
<i>Energic</i>	2	2	8	0,03
<i>Vigor</i>	3	2	2	0,04
necesidades mínimas	36	28	34	

Las incógnitas a utilizar son: $x = n^{\circ}$ de pastillas de la marca *Energic*
 $y = n^{\circ}$ de pastillas de la marca *Vigor*

El coste es: $0,03x + 0,04y$

Las restricciones del problema son:
 mínima cantidad de vit. A $2x + 3y \geq 36$
 mínima cantidad de vit. C $2x + 2y \geq 28$
 mínima cantidad de vit. D $8x + 2y \geq 34$

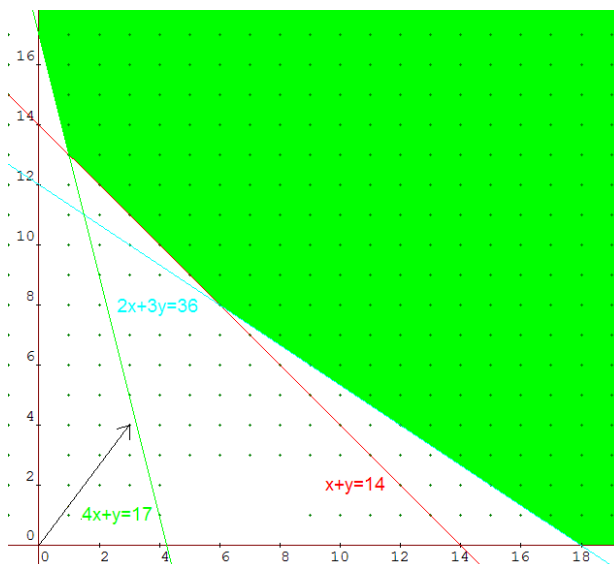
El problema de programación lineal a resolver es:

minimizar $z = 0,03x + 0,04y$ s.a. $2x + 3y \geq 36$ $2x + 2y \geq 28$ $8x + 2y \geq 34$ $x, y \in \mathbb{N}$	Simplificamos las restricciones segunda y tercera por 2:	minimizar $z = 0,03x + 0,04y$ s.a. $2x + 3y \geq 36$ $x + y \geq 14$ $4x + y \geq 17$ $x, y \in \mathbb{N}$
--	--	---

Cálculos para representar gráficamente las restricciones,

$2x + 3y \geq 36$			$x + y \geq 14$			$4x + y \geq 17$		
$2x + 3y = 36$			$x + y = 14$			$4x + y = 17$		
x	y		x	y		x	y	
0	12		0	14		0	17	
18	0		14	0		4	1	
(0,0) ¿cumple la restricción? No $2 \cdot 0 + 3 \cdot 0 \geq 36$ No			(0,0) ¿cumple la restricción? No $0 + 0 \geq 14$ No			(0,0) ¿cumple la restricción? No $4 \cdot 0 + 0 \geq 17$ No		

La representación gráfica es,



Calculemos los puntos de corte que hace falta conocer,

$\begin{cases} 2x + 3y = 36 \\ x + y = 14 \end{cases}$	- 2 x (2ª ecu)	$\begin{cases} 2x + 3y = 36 \\ -2x - 2y = -28 \end{cases}$	Sumando ambas ecuaciones, $y = 8$ Sustituyendo en la 2ª $x + 8 = 14; x = 6$	El punto de corte es (6, 8)
$\begin{cases} 2x + 3y = 36 \\ 4x + y = 17 \end{cases}$	- 2 x (1ª ecu)	$\begin{cases} -4x - 6y = -72 \\ 4x + y = 17 \end{cases}$	Sumando ambas ecuaciones, $-5y = -55; y = 11$ Sustituyendo en la 2ª $4x + 11 = 17; 4x = 6; x = 1.5$	El punto de corte es (1.5, 11)
$\begin{cases} x + y = 14 \\ 4x + y = 17 \end{cases}$	2ª - 1ª	$3x = 3; x = 1$	Sustituyendo en la 1ª $1 + y = 14; y = 13$	El punto de corte es (1, 13)

La región factible está formada por los puntos de coordenada natural de la zona coloreada.

Estudiamos la función z en los extremos de la región factible,

(x,y)	$z = 0.03x + 0.04y$		<p>Para que el coste sea mínimo, diariamente se deben tomar 6 pastillas de la marca Energic y 8 de la marca Vigor.</p> <p>Con este consumo el coste mínimo diario será de 0.50 €</p>
(0,17)	$0.04 \cdot 17 = 0.68$		
(1,13)	$0.03 \cdot 1 + 0.04 \cdot 13 = 0.55$		
(6,8)	$0.03 \cdot 6 + 0.04 \cdot 8 = 0.50$	mínimo	
(18,0)	$0.03 \cdot 18 = 0.54$		